

1年の内容

P 1 例題1 ■正答 ウ

■解説 正の数, 0, 負の数の中で負の数が小さい。また, 2つの負の数 $-2, -\frac{1}{2}$ について, 絶対値の大きい方が小さくなるので, ウになる。

(練習1) ■正答 (例) -9

■解説 負の数は, 絶対値が小さいほど大きい。 -10 より絶対値が小さい負の整数は, $-9, -8, \dots, -1$ である。

(練習2) ■正答 -5

■解説 絶対値が5である数は5, -5 である。このうち, 負の数は -5 である。

(練習3) ■正答 -970

■解説 数直線の見盛りが -1100 から -1000 までの100を10等分しているから, この数直線の見盛りの大きさは10である。点Aは -1000 から右に3つ目の見盛りに対応していることから, -1000 より30大きい数を表していることになる。したがって, 点Aが表す数は -970 になる。

例題2 ■正答 11

■解説 $3 - 2 \times (-4) = 3 + 8 = 11$

(練習1) ■正答 13

■解説 $6 - (-7) = 6 + 7 = 13$

(練習2) ■正答 -6

■解説 $2 \times (5 - 8) = 2 \times (-3) = -6$

(練習3) ■正答 -18

■解説 $2 \times (-3^2) = 2 \times (-3 \times 3) = 2 \times (-9) = -18$

P 2 (練習4) ■正答 イ

■解説 $(-3^2) = -(3 \times 3)$ であることから, イになる。

(練習5) ■正答 38

■解説 加減乗除を含む計算の場合には, 乗法・除法を先に計算する。この問題では, 乗法を先に計算する。
 $8 - 5 \times (-6) = 8 + 30 = 38$

例題3 ■正答 10 (°C)

■解説 AはBより10大きいから, 10 °C高い。

(練習1) ■正答 -22

■解説 150冊を基準にすると, 4組の借りた冊数である128冊は22冊少ないので, -22 になる。

P 3 (練習2) ■正答 イ

■解説 a と b が自然数のとき, 計算の結果が自然数にならないこともあるのは, 減法と除法である。また, a と b が整数のとき, 計算の結果がいつも整数になるのは, 加法, 減法, 乗法である。

これらのことから, 上の2つのことが両方ともいえるのは減法であり, イになる。

(練習3) ■正答 11 (°C)

■解説 A市の最高気温と最低気温の差を求める式を基に, B市の最高気温と最低気温の差を求めると,
 $9 - (-2) = 9 + 2 = 11$

P 4 例題1 ■正答 $5ab$

■解説 文字の混じった乗法では記号 \times を省き, 数と文字の積では数を文字の前に書くので, $5ab$ になる。

(練習1) ■正答 $-12x^2y$

■解説 $3x \times (-4xy) = 3 \times (-4) \times x \times x \times y = -12x^2y$

(練習2) ■正答 ウ

■解説 n は負の整数なので, 例えば, $n = -1$ を代入すると, アは2, イは -3 , ウは4, エは -3 になる。したがって, 最も大きな数になる式はウになる。

例題2 ■正答 4

■解説 x に3を代入すると $\frac{12}{x} = \frac{12}{3} = 4$

(練習1) ■正答 -9

■解説 $-x^2 = -(x \times x)$
 x に3を代入すると, $-3^2 = -(3 \times 3) = -9$

(練習2) ■正答 -12

■解説 $ab = 4 \times (-3) = -12$

(練習3) ■正答 -5

■解説 $3a + 5b = 3 \times 5 + 5 \times (-4) = 15 - 20 = -5$

P 5 例題3 ■正答 $3x - 2$

■解説 $(5x - 8) - 2(x - 3) = 5x - 8 - 2x + 6 = 3x - 2$

(練習1) ■正答 $2x + 3y$

■解説 $(7x + 5y) - (5x + 2y) = 7x + 5y - 5x - 2y = 2x + 3y$

(練習2) ■正答 $2a$

■解説 $(4a - 6) - 2(a - 3) = 4a - 6 - 2a + 6 = 2a$

例題4 ■正答 ウ

■解説 $a + b$ が長方形の縦の長さや横の長さの和を表している。よって, $2(a + b)$ は長方形の周の長さや面積を表しているから, ウになる。

P 6 (練習1) ■正答 ア

■解説 $3a + 4b$ について, $3a, 4b$ に着目すると, 積を用いて2つの数量を表していることが分かる。積を用いて2つの数量を表しているのは, アとイである。また, $3a + 4b$ の+に着目すると, $3a + 4b$ という式は, $3a$ と $4b$ で表される2つの量の和を表していることが分かる。アとイのうち, 2つの量の和を表しているのは, アである。

(練習2) ■正答 ウ

■解説 $210a$ は $210 \times a$ と表される。1mの値段が210円のリボンを a m買ったときの代金は, $210 \times a = 210a$ (円) であるから, ウになる。

P 7 (練習3) ■正答 0, 78, 100

■解説 与えられた数が式 $2a$ で表せるとすると, それぞれ $0 = 2 \times 0$, $1 = 2 \times \frac{1}{2}$, $35 = 2 \times \frac{35}{2}$, $78 = 2 \times 39$, $100 = 2 \times 50$ である。 a は整数なので, a の値として適しているものは0, 39, 50である。したがって, 0, 1, 35, 78, 100のうち, a が整数のとき, 式 $2a$ で表すことができるのは0, 78, 100になる。

(練習4) ■正答 イ

■解説 「1個 a 円の品物を2個買った代金」は $2a$ (円)と表すことができる。これが1000円より安いことから, $2a$ は1000より小さく, イになる。

(練習5) ■正答 $\frac{a}{b}$ (倍)

■解説 黄色のテープの長さ b mの $\frac{a}{b}$ 倍が, 青色のテープの長さ a mと捉えて, 基準量が b , 比較量が a と考え, $a \div b$ と立式する。したがって, $\frac{a}{b}$ 倍となる。

P 8 例題1 ■正答 -6

■解説 $-5x + 7 = -x + 31$
 $-5x + x = 31 - 7$
 $-4x = 24$
 $x = -6$

(練習1) ■正答 (x=) 15

■解説 $4(x+5) = 80$
 $4x + 20 = 80$
 $4x = 80 - 20$
 $4x = 60$
 $x = 15$

(練習2) ■正答 (x=) 5

■解説 $0.1x + 1 = 1.5$
 $x + 10 = 15$
 $x = 15 - 10$
 $x = 5$

(練習3) ■正答 (x=) -14

■解説 $\frac{3}{4}x = \frac{1}{4}x - 7$
 $3x = x - 28$
 $3x - x = -28$
 $2x = -28$
 $x = -14$

(練習4) ■正答 (x=) 9

■解説 $\frac{x+1}{5} = 2$
 $x+1 = 10$
 $x = 10 - 1$
 $x = 9$

P 9 (練習5) ■正答 (x=) 9

■解説 $6 : 8 = x : 12$
 比例式の性質より, $8 \times x = 6 \times 12$
 $8x = 72$
 $x = 9$

例題2 ■正答 イ

■解説 $7x = 5x + 6$
 $7x - 5x = 5x - 5x + 6$
 $7x - 5x = 6$
 となり, 両辺から $5x$ を引いているから, イになる。

P 10 (練習1) ■正答 イ

■解説 方程式を成り立たせる値が, 方程式の解である。
 方程式 $2x = x + 3$ の左辺と右辺の x に 3 を代入すると,
 左辺 = 2×3 右辺 = $3 + 3$
 $= 6$ $= 6$
 左辺と右辺がともに 6 になり等しいので, 3 はこの方程式の解である。
 したがって, イになる。

P 11 (練習2) ■正答 イ

■解説 $4x + 7 = 15$
 $4x + 7 - 7 = 15 - 7$
 $4x = 15 - 7$
 となり, 両辺から 7 をひいているから, イになる。

(練習3) ■正答 エ

■解説 $3x = 6$
 $3x \div 3 = 6 \div 3$
 $x = 2$
 となり, 両辺を 3 でわっているから, エになる。

P 12 例題3 ■正答 (例) 折り紙の枚数

■解説 この問題で方程式をつくるためには, x を使って 2 通りに表される数量に着目することが必要である。よって, 折り紙の枚数に着目する。生徒の人数を x 人として折り紙の枚数を文字式で表すと, 3 枚ずつ配ると 20 枚余ることから, $3x + 20$ となる。また, 5 枚ずつ配ると 2 枚足りないことから, $5x - 2$ となる。

(練習1) ■正答 $3x + 20 = 5x - 2$

■解説 生徒の人数を x 人として折り紙の枚数を文字式で表すと, 3 枚ずつ配ると 20 枚余ることから, $3x + 20$ となる。また, 5 枚ずつ配ると 2 枚足りないことから, $5x - 2$ となる。配る折り紙の枚数を 2 通りに表すことができ, 折り紙の枚数は同じであることから, 方程式 $3x + 20 = 5x - 2$ を立式することができる。

P 13 (練習2) ■正答 ア $37 - x$ イ $x + 5 = 37 - x$

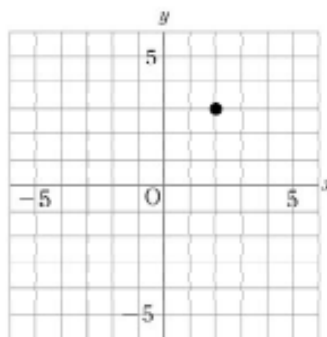
■解説 ア 学級の全部の人数は 37 人, 女子の人数は x 人である。
 男子の人数は, 学級の全部の人数から女子の人数をひけばよいので, $(37 - x)$ 人になる。
 イ 女子の人数を x 人として, 男子の人数は, $(x + 5)$ 人と $(37 - x)$ 人の 2 通りの式で表すことができるので, 女子の人数を求める方程式は $x + 5 = 37 - x$ になる。

P 14 (練習3) ■正答 ウ

■解説 問題の ② の部分では, 求めた方程式の解 $x = 7$ を基に, 兄が出発してから 7 分後までに二人が進んだ道のり 1540 m と家から駅までの道のり 1800 m を比べ, 解 $x = 7$ を問題の答えとしてよいかどうかを調べている。したがって, ウになる。

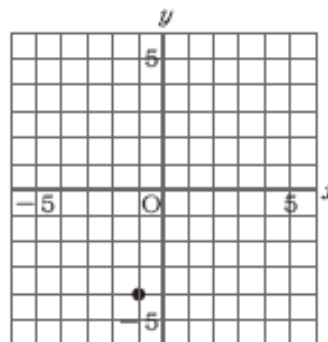
P 15 例題1

■正答



(練習1)

■正答



P 16 例題2 ■正答 オ

■解説 それぞれの点について, x 座標と y 座標の値を比例 $y = 2x$ の式に代入したときに, この等式を満たすのは, 点 $(1, 2)$ であるので, オになる。

(練習1) ■正答 オ

■解説 それぞれの点について, x 座標と y 座標の値をその比例の式に代入したときに, 式を満たしているのは, 点 $(1, -2)$ であるので, オになる。

例題3 ■正答 ア

■解説 y が x に比例するとき, x の値を 2 倍, 3 倍, ……にすると, それに対応する y の値は 2 倍, 3 倍, ……になることから, アになる。

P 17 (練習1) ■正答 エ

■解説 y が x に比例するとき, 一般に a を比例定数として, $y = ax$ または, $\frac{y}{x} = a$ という式で表される。これは x の値が 0 でないとき, y の値を x の値でわった商が, 比例定数 a になることを表していることから, エになる。

P 17 (練習2) ■正答 エ

■解説 y が x に比例するとき、一般に a を比例定数として、 $y = ax$ または $\frac{y}{x} = a$ という式で表される。これは x の値が0でないとき、 y の値を x の値でわった商が、比例定数 a になることを表していることから、エになる。

(練習3) ■正答 15

■解説 y が x に比例するとき、一般に a を比例定数として、 $y = ax$ または $\frac{y}{x} = a$ という式で表される。表から x の値と、それに対応する y の値を用いて比例定数を求めると3になる。よって、 x の値が5のとき、 y の値は15になる。

P 18 (練習4) ■正答 イ

■解説 x の値が0のときに対応する y の値が0であることと、 x の値が0でないとき、 y の値をそれに対応する x の値でわったときの値がいつも一定となることから、イになる。

(練習5) ■正答 エ

■解説 y が x に比例するとき、 $y = ax$ の式で表されるので、「1冊80円のノートが x 冊買ったときの代金 y 円」を式に表すと $y = 80x$ となることから、エになる。

P 19 例題4 ■正答 $(y =) 2x$

■解説 グラフは原点を通る直線であるから、 $y = ax$ と表すことができる。グラフが点 $(1, 2)$ を通っていることから、 $y = ax$ に $x = 1$ 、 $y = 2$ を代入すると、 $a = 2$ よって、 $y = 2x$

(練習1) ■正答 エ

■解説 比例定数が負の数であることからグラフは右下がりになる。 $y = -3x$ のグラフの傾きの絶対値が1より大きいので、 $y = -3x$ のグラフは $y = -x$ のグラフよりも y 軸に近づく。したがって、エになる。

(練習2) ■正答 (例) $(1, -2)$

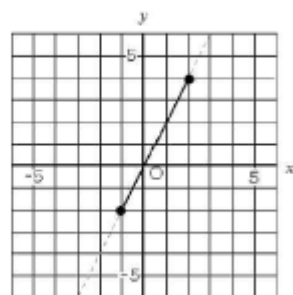
■解説 比例の式からそのグラフ上にある原点以外の点の x 座標と y 座標の値の組を求めることができる。例えば、 x の値が1のときに対応する y の値は、 $y = -2x$ の x に1を代入して y の値 -2 を求めることができる。したがって、その点の座標の1つは $(1, -2)$ である。

P 20 (練習3) ■正答 $-2 \leq y \leq 4$

■解説 このグラフは比例なので y の変域を求めるためには、 x の変域の端点に対応する y 座標を求めればよい。 x の値が -1 のときに対応する y の値は -2 であり、 x の値が 2 のときに対応する y の値は 4 であることから、求める y の変域は $-2 \leq y \leq 4$ になる。

(練習4)

■正答



P 21 例題5 ■正答 イ

■解説 y が x に反比例するとき、 x の値を2倍、3倍、……にすると、 y の値は $\frac{1}{2}$ 倍、 $\frac{1}{3}$ 倍、……になることから、イになる。

(練習1) ■正答 ウ

■解説 y が x に反比例するとき、一般に a を比例定数として、 $y = \frac{a}{x}$ または $xy = a$ の式で表される。これは x の値と y の値の積が、比例定数 a になることを表していることから、ウになる。

P 22 (練習2) ■正答 ア

■解説 y が x に反比例する関係は、 $y = \frac{a}{x}$ の式で表される。「面積が 60 cm^2 の長方形で、縦の長さが $x \text{ cm}$ のときの横の長さ $y \text{ cm}$ 」を式に表すと $y = \frac{60}{x}$ となることから、アになる。

例題6 ■正答 4

■解説 y が x に反比例することから、表中の x と y の値から比例定数を求め、 x の値である3で比例定数を割る。

$$\begin{aligned} (\text{比例定数}) &= 2 \times 6 \\ &= 12 \\ y &= 12 \div 3 \\ y &= 4 \end{aligned}$$

(練習1) ■正答 $(y =) \frac{6}{x}$

■解説 y が x に反比例する関係は、 $y = \frac{a}{x}$ の式で表される。表の中の x の値とそれに対応する y の値を式に代入すると $a = 6$ になるので、 $y = \frac{6}{x}$ になる。

P 23 例題7 (1) ■正答 $(2, 3)$ (2) ■正答 $(y =) \frac{6}{x}$

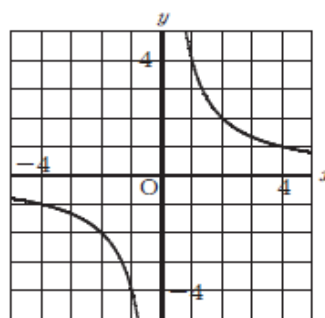
■解説 点Aの x 座標が2で、 y 座標が3であることから、 $(2, 3)$ となる。

■解説 グラフは反比例であるから、 $y = \frac{a}{x}$ と表すことができる。このグラフが点A $(2, 3)$ を通っていることから、 $y = \frac{a}{x}$ に $x = 2$ 、 $y = 3$ を代入すると、 $a = 6$ となる。

したがって、 $y = \frac{6}{x}$ である。

(練習1)

■正答



P 24 (練習2) ■正答 ア

■解説 反比例のグラフは原点を通らない2つのなめらかな曲線であることから、アかイのいずれかになる。

与えられた表から、 y を x の式で表すと、 $y = \frac{12}{x}$ となるので、比例定数は12で正の数であることから、アになる。

(練習3) ■正答 ウ

■解説 比例定数が12であることから、式を満たす x の値と y の値の積は常に12になる。したがって、 $y = \frac{a}{x}$ のグラフは、点 $(2, 6)$ 、点 $(3, 4)$ などの x 座標と y 座標の値の積が12になる点を通るので、ウになる。

P 25 (練習4) ■正答 ア

■解説 反比例のグラフは原点を通らず、 x 軸、 y 軸と交わらない2つの曲線である。与えられた式の比例定数は6で正の数であるので、アになる。

(練習5) ■正答 イ

■解説 V が一定のとき、 R と I の積が一定であることから、 R と I は反比例の関係になる。したがって、イになる。

P 26 例題1 ■正答 エ

■解説 線対称な図形の対称軸は対応する点を結ぶ線分を垂直に二等分する直線であるから、エになる。

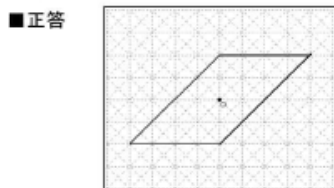
P 2 6 (練習1) ■正答 ウ

■解説 与えられた平行四辺形は、どのような直線を折り目としてもぴったりと重なり合うように折り返すことはできないが、対角線の交点を中心に 180° 回転させるともとの図形にぴったりと重ね合わせることができるので、ウになる。

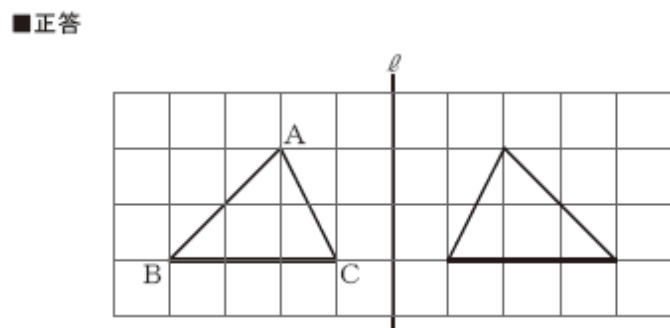
P 2 7 (練習2) ■正答 ウ

■解説 線対称な図形の対称軸は対応する点を結ぶ線分を垂直に二等分する直線であるから、ウになる。

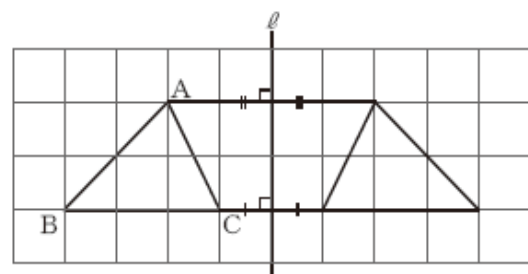
(練習3)



P 2 8 (練習4)

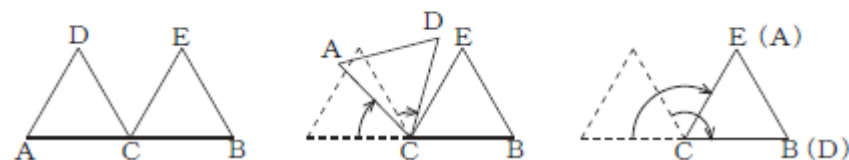


■解説 下の図のように、「対応する点を結ぶ線分は、対称の軸によって垂直に二等分される」という対称移動の性質を用いることで、対称移動した図をかくことができる。したがって、上の図のようになる。



(練習5) ■正答 120 (度)

■解説 下の図のように、正三角形DACを、点Cを中心として時計回りに回転移動すると、正三角形DACは正三角形BECにぴったり重なり、点Aは点Eに、点Dは点Bにそれぞれ対応する。したがって、回転角の大きさは120度である。



P 2 9 例題2 ■正答 オ

■解説 この作図は、直線 l の垂線を作図するために、「対応する点を結ぶ線分はすべて対称軸によって垂直に二等分される」という線対称な図形の性質を用いているとみることができる。具体的には、直線PQを対称軸とする二等辺三角形QABを作図しているとみることができるので、オになる。

P 3 0 (練習1) ■正答 ① ウ ② ア ③ イ

■解説 角の二等分線は、その角の対称軸になるから、対応する2点をとるために手順ウを行う。次に、その2点から等距離にある点をとるために手順アを行う。そして、2点を結び直線をひくために手順イを行う。

(練習2) ■正答 ア

■解説 頂点Bが頂点Cに重なるように折ったときにできる折り目の線は、辺BCの対称軸である。これは辺BCの垂直二等分線であるので、アになる。

P 3 1 (練習3) ■正答 ① ウ ② ア ③ イ

■解説 直線 l 上の点Pを通る l の垂線は、直線 l の対称軸になるから、対応する2点をとるために手順ウを行う。次に、その2点から等距離にある点をとるために手順アを行う。そして、2点を結び直線をひくために手順イを行う。

(練習4) ■正答 エ

■解説 この作図は、直線APを作図するとき、2辺でつくられる角を二等分する方法を用いているとみることができる。具体的には、 $\angle CAB$ の二等分線APを作図しているのだから、エになる。

P 3 2 例題1 ① ■正答 AE, BF, CG, DHのいずれか

■解説 面EFGHと交わる辺(例えばCG)を見つけ、面EFGHとの交点(G)を通る面EFGHの異なる2辺(FG, HG)と垂直であることを確認する。

② ■正答 EH, GH, AD, CDのいずれか

■解説 BFと交わらない辺の中から平行なものを除くと、例えばEHが見つかる。

(練習1) ■正答 AD, BC, FG, EHのいずれか

■解説 面ABFEと交わる辺(例えばAD)を見つけ、面ABFEとの交点(A)を通る面ABFEの異なる2辺(AB, AE)と垂直であることを確認する。

(練習2) ■正答 GH, CD

■解説 4つの辺のうち、辺BFと平行でなく交わらない辺は、GHとCDである。

P 3 3 (練習3) ■正答 イ

■解説 直線が平面と垂直であるかどうかを調べるときには、平面上の交わる2直線にその直線が垂直であるかどうかを調べればよいので、イになる。

(練習4) ■正答 ウ

■解説 EGは長方形EFGHの対角線であり、長方形EFGHと辺AEは垂直であるので、AEとEGは、垂直であることが分かる。したがって、 $\angle AEG$ の大きさは 90° なので、ウになる。

P 3 4 例題2 ■正答 ウ

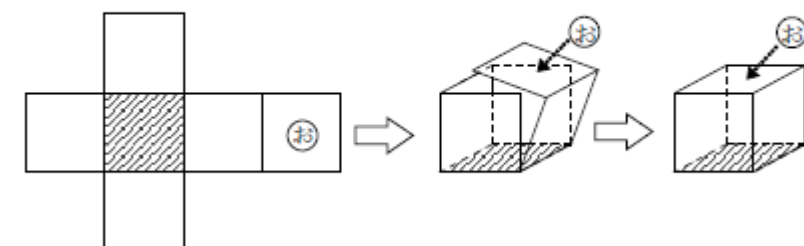
■解説 側面を展開図に表した形が扇形になるので、ウになる。

(練習1) ■正答 エ

■解説 側面が長方形で、底面が三角形であることから、見取図が表している空間図形は、三角柱である。この三角柱を表している展開図は、エになる。

P 3 5 (練習2) ■正答 オ

■解説 図のように、展開図から立方体を構成すると、斜線をつけた面と面(お)は平行になるので、オになる。

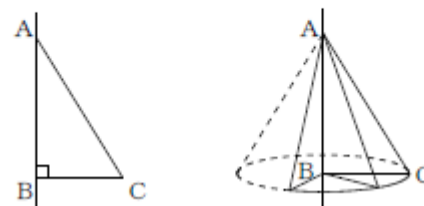


例題3 ■正答 イ

■解説 長方形ABCDは、 $AD=BC$ 、 $\angle A=\angle B=\angle C=\angle D=90^\circ$ であるので、回転してできる立体は柱体となり、2つの底面は合同な円になるので、イになる。

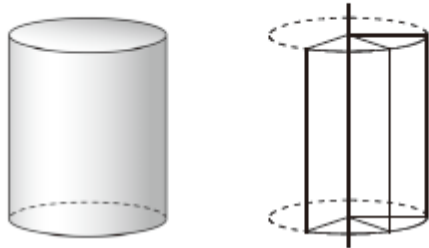
P 3 6 (練習1) ■正答 エ

■解説 直角三角形ABCを図のように辺ABを軸として回転してできる立体は、頂点がAで、底面が辺BCを半径とする円となるので、エになる。



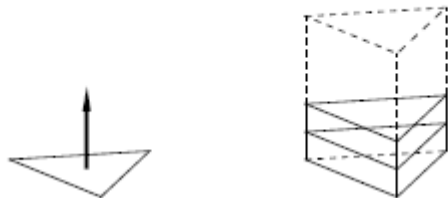
P 3 6 (練習2) ■正答 エ

■解説 問題の図の円柱は、下の図のように長方形をその1辺を軸として1回転させてできる立体とみることができるので、エになる。



P 3 7 (練習3) ■正答 オ

■解説 三角形を図のようにその面と垂直に動かした立体は、2つの底面が合同で平行な三角形になるので、オになる。



例題4 ■正答 ウ

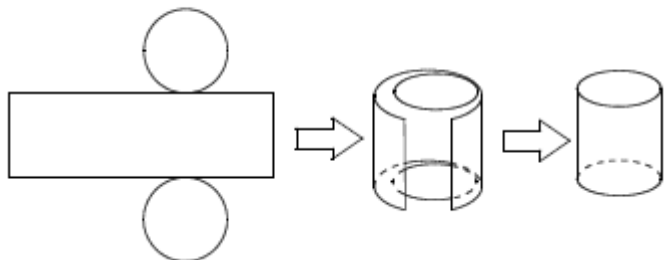
■解説 立方体の面上の2つの線分BDとCFが対角線であることを見取図からよみとり、合同な正方形の対角線の長さは等しいので、ウになる。

P 3 8 (練習1) ■正答 ア

■解説 立面図が四角形で、平面図が三角形であることから、投影図が表している空間図形は三角柱になるので、アになる。

(練習2) ■正答 ア

■解説 展開図から円柱を構成すると、側面の長方形の横の辺は底面の円周に重なり、それらの長さは等しくなるので、アになる。



P 3 9 例題5 ■正答 エ

■解説 円錐の体積は底面が合同で高さが等しい円柱の体積の3分の1であることから、円柱の体積は円錐の体積の3倍であるので、エになる。

(練習1) ■正答 イ

■解説 円錐の体積は、底面が合同で高さが等しい円柱の体積の3分の1であることから、イになる。

P 4 0 (練習2) ■正答 エ

■解説 球の体積は、それがぴったり入る円柱の体積の3分の2であることから、エになる。

例題6 ■正答 オ

■解説 同じ半径の扇形の面積は、その中心角の大きさに比例するので、オになる。

P 4 1 (練習1) ■正答 イ

■解説 同じ半径の扇形の面積は、その中心角の大きさに比例するので、イになる。

例題7 ■正答【式】(例) $10 \times 10 \times \pi \times 15$ 【答え】 1500π (cm³)

■解説 円柱の体積は(底面積) × (高さ) で求まるので、 $10 \times 10 \times \pi \times 15$ を計算すると、 1500π (cm³) になる。

(練習1) ■正答 底面積 48 (cm²) 体積 480 (cm³)

■解説 平行四辺形である底面の面積は、(底辺の長さ) × (高さ) で求まるので、 8×6 を計算すると、48 (cm²) になる。

柱体の体積は、(底面積) × (高さ) で求まるので、 48×10 を計算すると、480 (cm³) になる。

P 4 2 (練習2) ■正答 ウ

■解説 正四角錐の体積は(底面積) × (高さ) × $\frac{1}{3}$ で求めることができるので、 $10 \times 10 \times 12 \times \frac{1}{3}$ となる。したがって、ウになる。

P 4 3 例題1 ■正答 エ

■解説 35人の得点を高い順に並べたとき、中央値は18番目の値である。したがって、エになる。

(練習1) ■正答 4

■解説 最頻値は、資料の中で最も多く現れる値である。したがって、ボールの入った回数の最頻値は4になる。

P 4 4 例題2 ■正答 オ

■解説 30℃以上32℃未満の日数が4日、32℃以上34℃未満の日数が11日、34℃以上36℃未満の日数が8日、36℃以上38℃未満の日数が1日であることから、最高気温が30℃以上の日数の合計は24日である。したがって、オになる。

P 4 5 (練習1) ■正答 イ

■解説 合計人数の異なる2つの中学校の通学時間について、通学時間が30分に満たない人の割合を調べるので、通学時間が30分未満の階級の相対度数の合計を比較することから、イになる。

2年の内容

P 4 6 例題1

■正答 $(y =) \frac{-2x+9}{3}$

■解説 $2x+3y=9$
 $3y=-2x+9$
 $y = \frac{-2x+9}{3}$

(練習1) ■正答 $(y =) -2x+5$

■解説 $2x+y=5$
 $2x$ を右辺に移項すると、 $y = -2x+5$

(練習2) ■正答 $y = -3x+7$

■解説 $3x+y=7$
 $3x$ を右辺に移項すると、 $y = -3x+7$

(練習3)

■正答 $(y =) \frac{-x+6}{2}$

■解説 $x+2y=6$
 x を右辺に移項すると、 $2y = -x+6$
 両辺を2で割ると、 $y = \frac{-x+6}{2}$

(練習4)

■正答 $(a =) \frac{2S}{h}$

■解説 $S = \frac{1}{2}ah$
 両辺に2をかけると、 $2S = ah$
 両辺を h でわると、 $\frac{2S}{h} = a$
 $a = \frac{2S}{h}$

P 4 7 例題2 ■正答 ウ

■解説 奇数は2で割ると1余る数であること、あるいは、偶数に1を加えた数であることから、ウになる。

(練習1) ■正答 ウ

■解説 連続する3つの自然数では、最も小さい自然数より1大きいものが中央の自然数である。また、最も小さい自然数より2大きいものが最も大きい自然数である。したがって、文字 n が表すものは最も小さい自然数であるので、ウになる。

P 4 7 (練習 2) ■正答 エ

■解説 一般に、十の位を x 、一の位を y とすると、
 $10 \times x + y = 10x + y$
 となるので、エになる。

(練習 3) ■正答 $n, n+1, n+2$

■解説 連続する3つの自然数では、最も小さい自然数より1大きいものが中央の自然数であり、最も小さい自然数より2大きいものが最も大きい自然数である。したがって、連続する3つの自然数は、最も小さい自然数を n とするとき、 $n, n+1, n+2$ である。

P 4 8 例題 1 ■正答 エ

■解説 二元一次方程式 $x - y = 1$ の解は、この等式を成り立たせる文字 x, y の値の組である。 x と y に当たる数は自然数だけでなく、小数や分数(有理数)でもよいので、この等式を成り立たせる文字 x, y の値の組は無数にあり、エになる。

(練習 1) ■正答 ア

■解説 $x = 1, y = 3$ は、2つの二元一次方程式 $x + y = 4$ 、
 $3x + 2y = 9$ をそれぞれ成り立たせる x, y の値の組である。
 したがって、連立方程式 $\begin{cases} x + y = 4 \\ 3x + 2y = 9 \end{cases}$ の解は、 $x = 1, y = 3$
 であり、アになる。

P 4 9 例題 2 ■正答 $(x =) 2, (y =) -1$

■解説 $\begin{cases} 5x + 7y = 3 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ 2x + 3y = 1 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$
 $\textcircled{1} \times 3 \quad 15x + 21y = 9 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}'$
 $\textcircled{2} \times 7 \quad 14x + 21y = 7 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}'$
 $\textcircled{1}' - \textcircled{2}' \quad x = 2$
 $\textcircled{1}$ に $x = 2$ を代入すると、 $y = -1$

(練習 1) ■正答 $(x =) 1, (y =) 3$

■解説 $\begin{cases} 3x + 2y = 9 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ x + y = 4 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$
 $\textcircled{2} \times 2 \quad 2x + 2y = 8 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}'$
 $\textcircled{1} - \textcircled{2}' \quad x = 1$
 $\textcircled{2}$ に $x = 1$ を代入すると、 $y = 3$
 したがって、 $x = 1, y = 3$

(練習 2) ■正答 $(x =) 2, (y =) 1$

■解説 $\begin{cases} 2x - 3y = 1 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ 3x + 2y = 8 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$
 $\textcircled{1} \times 2 \quad 4x - 6y = 2 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}'$
 $\textcircled{2} \times 3 \quad 9x + 6y = 24 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}'$
 $\textcircled{1}' + \textcircled{2}' \quad 13x = 26$
 $x = 2$
 $\textcircled{1}$ に $x = 2$ を代入すると、 $y = 1$
 したがって、 $x = 2, y = 1$

(練習 3) ■正答 $(x =) 4, (y =) 7$

■解説 $\begin{cases} y = 2x - 1 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ y = x + 3 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$
 $\textcircled{1}$ を $\textcircled{2}$ に代入すると、
 $2x - 1 = x + 3$
 $2x - x = 3 + 1$
 $x = 4$
 $x = 4$ を $\textcircled{1}$ に代入すると、
 $y = 7$

(練習 4) ■正答 $(a =) 3, (b =) 5$

■解説 $\begin{cases} a + b = 8 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ 2a + b = 11 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$
 $\textcircled{2} - \textcircled{1}$ より、
 $a = 3$
 $a = 3$ を $\textcircled{1}$ に代入すると、
 $3 + b = 8$
 $b = 5$

P 5 0 例題 3

■正答 $\begin{cases} x + y = 15 \\ 120x + 70y = 1600 \end{cases}$

■解説 りんごの個数を x 個、オレンジの個数を y 個とすると、りんごとオレンジを合わせて15個買ったから、
 $x + y = 15$
 りんご1個は120円、オレンジ1個は70円で代金の合計は1600円だから、
 $120x + 70y = 1600$

(練習 1)

■正答 (例)記号 ウ
 式 $120x + 70y = 1600$

■解説 この問題で連立方程式をつくるためには、2つの数量に着目することが必要である。よって、「買ったりんごとオレンジの個数の合計」と「買ったりんごとオレンジの代金の合計」に着目する。
 「買ったりんごとオレンジの個数の合計」を2通りで表すと「 $x + y$ 」と「15」となり、 $x + y = 15$ となる。また、「買ったりんごとオレンジの代金の合計」を2通りで表すと「 $120x + 70y$ 」と「1600」となり、 $120x + 70y = 1600$ となる。

P 5 1 例題 1 ■正答 2

■解説 一次関数 $y = ax + b$ の a の値が、このグラフの傾きを示している。したがって、一次関数 $y = 2x - 3$ のグラフの傾きは2である。

(練習 1) ■正答 2

■解説 一次関数 $y = ax + b$ の変化の割合は a の値に等しい。したがって、一次関数 $y = 2x - 3$ の変化の割合は2になる。

(練習 2) ■正答 ア

■解説 一次関数 $y = 4x - 3$ の変化の割合は4であることから、 x が1増加したとき、 y の増加量はいつも4である。したがって、アになる。

(練習 3) ■正答 エ

■解説 一次関数 $y = -3x + 2$ という式からグラフの傾きと切片をよみとる。グラフの傾きが-3であることから直線は右下がりになり、グラフの切片が2であることから y 軸との交点の y 座標は正である。このことから、エになる。

(練習 4) ■正答 ウ

■解説 傾きが-3であることから直線は右下がりになり、グラフの切片が2であることから直線と y 軸との交点の y 座標は正である。したがって、ウになる。

P 5 2 例題 2 ■正答 $(y =) 3x + 5$

■解説 この表は一次関数であるから、 $y = ax + b$ の式で表すことができる。 x の増加量が1のとき y の増加量は3だから、変化の割合は $a = 3$ となる。また、 $x = 0$ のとき $y = 5$ から、 $b = 5$ となる。したがって、 $y = 3x + 5$ である。

(練習 1) ■正答 オ

■解説 メモより、求める式は一次関数であるから、 $y = ax + b$ の式で表すことができる。変化の割合は-3である。また、表より $x = 1$ のとき $y = -2$ であることから、 $b = 1$ である。したがって、一次関数の式は $y = -3x + 1$ になるので、オになる。

P 5 3 例題 3 ■正答 ア

■解説 このグラフは、 x の増加量が1のとき、 y の増加量は2だから、直線の傾きは2である。また、このグラフと y 軸との交点から切片は1である。したがって、アになる。

(練習 1) ■正答 $(y =) 3x + 1$

(練習 2) ■正答 エ

■解説 $y = 2x - 4$ のグラフは切片が-4であることから、 $y = 2x$ のグラフを y 軸の負の方向に4だけ平行移動したものになる。したがって、エになる。

P 54 例題4 ■正答 $(y=)3x+5$

■解説 「毎分3ℓの割合」は、1分ごとに水の量が3ℓずつ増えることを表しているから、変化の割合は3である。また、「水が5ℓ入っている」ことから $x=0$ のとき $y=5$ である。したがって、 $y=3x+5$ になる。

P 54 (練習1) ■正答 ウ

■解説 「毎分3ℓの割合」は、1分ごとに水の量が3ℓずつ増えることを表しているから、変化の割合は3で一定である。また、「水が5ℓ入っている」ので $x=0$ のとき、 $y=5$ であり、 x と y の関係は比例ではない。したがって、 y は x の一次関数である。

(練習2) ■正答 イ

■解説 「毎分3ℓ」から変化の割合が3であること、「水が5ℓ入っている」ことから、 $x=0$ のときの y の値が5であることを判断すると、 $y=3x+5$ という式となる。このことから、イになる。

P 55 (練習3) ■正答 イ

■解説 問題文より y と x の関係を式で表すと、 $y=1500-x$ となる。したがって、イになる。

(練習4) ■正答 ウ

■解説 x の値が大きくなるのにもなって、一定の割合で y の値が小さくなるから、右下がりの直線であるウになる。

P 56 (練習5) ■正答 $(y=)-x+8$

■解説 16 cmのひもを使っていることから、長方形の縦の長さの和は8 cmになり、 $x+y=8$ と表せる。これを y について解くと、 $y=-x+8$ になる。

(練習6) (1) ■正答 ウ

■解説 線香が燃え始めてから、2 cm燃えるとその長さは10 cmになる。グラフの縦軸10 (cm) に対応する横軸の値をよみると4 (分) であるから、ウになる。

(2) ■正答 3 (cm)

■解説 グラフの横軸の18 (分) に対応する縦軸の値をよみると3 (cm) である。

P 57 例題5 ■正答 エ

■解説 二元一次方程式の解を座標とする点の集合は直線になるから、グラフはエになる。

(練習1) ■正答 エ

■解説 二元一次方程式 $2x+y=6$ の解を座標とする点の集合が直線になるから、式を $y=-2x+6$ と変形すると、グラフはエになる。

または、 $(3, 0)$ 、 $(0, 6)$ のように $2x+y=6$ の解を座標とする点を2点選ぶことで直線が決定し、グラフはエになる。

(練習2) ■正答 オ

■解説 二元一次方程式 $2x+y=6$ の解は、この等式を成り立たせる文字 x 、 y の値の組である。 x 、 y の値は整数だけでなく、有理数でもよいので、この等式を成り立たせる x 、 y の値の組は無数にあり、オになる。

P 58 (練習3) ■正答 イ

■解説 連立二元一次方程式の解は、座標平面上の2直線の交点の座標と一致することより、グラフから点Bが2直線の交点になるから、イになる。

例題6 ■正答 エ

■解説 定形外郵便物の料金表から、重量の値を決めると料金の値がただ1つ決まるので、料金は重量の関数である。また、その関係を表すグラフが直線や双曲線にならないことから、比例、反比例、一次関数のいずれでもないから、エになる。

P 59 例題1 ■正答 70 (度)

■解説 平行線では同位角が等しくなるので、70度になる。

(練習1) ■正答 イ

■解説 平行線の同位角は等しいので、 $\angle c = \angle g$ である。 $\angle g$ と $\angle h$ の和は 180° なので、イになる。

または、平行線の錯角は等しいので、 $\angle b = \angle h$ である。 $\angle b$ と $\angle c$ の和は 180° なので、イになる。

(練習2) ■正答 エ

■解説 直線 l と n が交わってできる $\angle x$ に対して、直線 m と n が交わってできる角のうち、同じ位置にある角は $\angle d$ なので、エになる。

P 60 (練習3) ■正答 60 (度)

■解説 平行線では錯角が等しくなるので、60度になる。

(練習4) ■正答 ア

■解説 2直線に他の直線が交わってできる同位角が等しければ、この2直線は平行であるから、アになる。

P 61 例題2 ■正答 ア

■解説 三角形の外角は、それととなり合わない2つの内角の和に等しいので、アになる。

(練習1) ① ■正答 ウ

■解説 辺BAと直線CEは平行であり、 $\angle a$ と $\angle a'$ は錯角の位置にあるので、ウになる。

② ■正答 イ

■解説 辺BAと直線CEは平行であり、 $\angle b$ と $\angle b'$ は同位角の位置にあるので、イになる。

P 62 例題3 ■正答 オ

■解説 n 角形は、1つの頂点からひいた対角線によって $(n-2)$ 個の三角形に分けられるので、 $180^\circ \times (n-2)$ で内角の和を求めることができる。したがって、オになる。

(練習1) ■正答 ア

■解説 多角形の外角の和はいつも 360° で一定であるから、アになる。

P 63 (練習2) ■正答 イ

■解説 五角形の内角の和はいつも 540° で一定であるから、イになる。

(練習3) ■正答 イ

■解説 多角形の内角の和は、頂点が1つ増えると、三角形の内角の和の分だけ大きくなるから、イになる。

P 64 例題4 ■正答 40 (度)

■解説 合同な図形の対応する角の大きさは等しいので、40度になる。

(練習1) ■正答 ア

■解説 70° と 50° の間の辺の長さが6 cmの三角形であれば1辺とその両端の角がそれぞれ等しく合同であるから、アになる。

(練習2) ■正答 ア

■解説 32° と 108° の間の辺の長さが4 cmの三角形であれば1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しく、合同であるから、アになる。

P 65 例題1 ■正答 $AO=BO, CO=DO$

■解説 事柄「 $AO=BO, CO=DO$ ならば $AC=BD$ である。」の仮定は、 $AO=BO, CO=DO$ である。

(練習1) ■正答 ① $\triangle ABC = \triangle DBC$ ② $AD \parallel BC$

■解説 命題「四角形ABCDで、 $AD \parallel BC$ ならば $\triangle ABC = \triangle DBC$ 」の仮定は $AD \parallel BC$ であり、結論は $\triangle ABC = \triangle DBC$ であるから、命題の逆は、「四角形ABCDで、 $\triangle ABC = \triangle DBC$ ならば $AD \parallel BC$ 」となる。したがって、①は「 $\triangle ABC = \triangle DBC$ 」になり、②は「 $AD \parallel BC$ 」になる。

P 66 例題2

(1) ■正答 (例1) $AC=DF$

(例2) $\angle ABC = \angle DEF$

■解説 $AB=DE, BC=EF$ が分かっているから、三角形が合同となるためには、3辺がそれぞれ等しくなればよいから $AC=DF$ が分かればよい。または、2辺とその間の角がそれぞれ等しくなればよいから、 $\angle ABC = \angle DEF$ が分かればよい。

(練習1) ■正答 イ

■解説 証明からよみとることができる角や辺の相等関係から、三角形の合同条件は「2辺とその間の角がそれぞれ等しい」となるから、イになる。

P 67 (練習2) ■正答 エ

■解説 証明からよみとることができる辺や角の相等関係から、三角形の合同条件は「直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい」となるから、エになる。

P 67 (練習3) ■正答 ウ

■解説 証明からよみとることができる辺や角の相等関係から、三角形の合同条件は「1辺とその両端の角がそれぞれ等しい」となるので、ウになる。

P 68 (練習4) ■正答 オ

■解説 記号は、1組の向かい合う辺が平行でその長さが等しいことを表しているため、オになる。

(練習5) ■正答 イ

■解説 長さの異なる2種類の棒を2本ずつ使って、右の図のように組み合わせた四角形は、2組の向かい合う辺がそれぞれ等しい四角形と捉えることができる。したがって、この四角形がいつでも平行四辺形になるための根拠となる事柄は、イになる。



P 69 例題3 ■正答 (例) $\angle ABC = \angle ACB$

■解説 2つの底角は $\angle ABC$ と $\angle ACB$ であり、それらが等しいという関係にあるから、 $\angle ABC = \angle ACB$ になる。

(練習1) ■正答 $AB \parallel DC, AB = DC$ または $AD \parallel BC, AD = BC$

■解説 「1組の向かい合う辺」は、 AB と DC または AD と BC であり、それらが「平行でその長さが等しい」という2つの関係にあるから、「 $AB \parallel DC, AB = DC$ 」または「 $AD \parallel BC, AD = BC$ 」となる。

(練習2) ■正答 (例) $\angle DAB = \angle BCD, \angle ABC = \angle CDA$

■解説 「2組の向かい合う角」は $\angle DAB$ と $\angle BCD, \angle ABC$ と $\angle CDA$ であり、それらが「それぞれ等しい」という関係にあるから、 $\angle DAB = \angle BCD, \angle ABC = \angle CDA$ になる。

P 70 例題4 ■正答 ウ

■解説 平行四辺形の定義から、正しく証明がなされ、結論を導き出していることを確認した上で、証明は命題が例外なしに成り立つことを明らかにする方法であるので、ウになる。

P 71 (練習1) ■正答 ウ

■解説 ①は演繹的な推論による証明であり、②は実測による説明であり、他の三角形で同じように確かめても証明したことにならないので、ウになる。

P 72 (練習2) ■正答 ア

■解説 図1において、平行四辺形の性質をもとに、正しく証明がなされており、図2においても、仮定が満たされていることから、アになる。

P 73 (練習3) ■正答 ア

■解説 図1において、図形の性質を基に、正しく証明がなされており、図2の場合でも、証明された事柄の仮定「 $AC = AD, BC = BD$ 」を満たしているため、アになる。

P 74 (練習4) ■正答 ウ

■解説 ①は演繹的な推論による証明であり、②は実測による帰納的な方法による説明であるため、ウになる。

P 75 (練習5) ■正答 ア

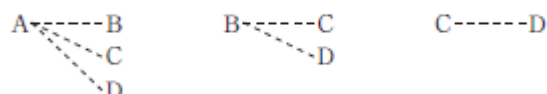
■解説 図1において、平行四辺形の性質を基に、正しく証明がなされており、図2においても、仮定が満たされていることから、アになる。

P 76 例題1 ■正答 ウ

■解説 「1から3までのカードは1枚ずつある」、「2枚並べて2けたの整数をつくる」という問題の条件を踏まえ、起こり得るすべての場合を数え上げているものを選ぶと、ウになる。

(練習1) ■正答 6

■解説 4チームによる試合の組合せを樹形図で表すと次のようになる。



よって、全部の試合数は6である。

P 77 例題2 ■正答 オ

■解説 確率の意味から、「硬貨の表、裏の出方が、同様に確からしい」という事柄は、「この1枚の硬貨を多数回投げると、表が出る割合と裏が出る割合はそれぞれ $\frac{1}{2}$ に近付いていく」と解釈することができる。このことから、オになる。

(練習1) ■正答 ウ

■解説 硬貨の表と裏の出方は同様に確からしいので、4回目の表の出る確率と裏の出る確率は等しい。したがって、ウになる。

P 78 例題3 ■正答 エ

■解説 あることがらの起こりやすさを判断するには、多数回の試行の結果にもとづいて、ある事柄が起こった回数を全体の回数でわると求められることから、エになる。

例題4

■正答 $\frac{1}{4}$

■解説 2枚の硬貨A, Bを同時に投げるとき、硬貨の表裏の出方は、(表, 表), (表, 裏), (裏, 表), (裏, 裏)であり、そのうち2枚とも表になるのは1通りである。したがって、確率は $\frac{1}{4}$ である。

P 79 (練習1)

■正答 $\frac{1}{3}$

■解説 3枚のカードから2枚のカードを同時にひくとき、カードの数字の出方は、(1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 3), (3, 1), (3, 2)の6通りであり、そのうち2枚とも奇数になるのは(1, 3)と(3, 1)の2通りである。したがって、確率は $\frac{1}{3}$ になる。

(練習2)

■正答 $\frac{1}{6}$

■解説 起こり得る場合の総数は36通りであり、出る目の数の和が7になるのは6通りあるので、確率は $\frac{1}{6}$ になる。

(練習3)

■正答 $\frac{3}{5}$

■解説 起こり得る場合の総数は5通り、赤玉である場合の数は3通りであるため、確率は $\frac{3}{5}$ になる。